

***ANALYSE ET MODELISATION***  
***DU COMPORTEMENT DIFFERE DU BETON***  
***APPLICATION AUX POUTRES***  
***MIXTES, PREFLECHIES ET PRECONTRAINTEES***

**Table des matières.**

<b>A.</b>	<i>Application des méthodes basées sur le principe de superposition .....</i>	<b>8</b>
<b>1.</b>	<i>Moteur de la recherche.....</i>	<b>8</b>
<b>2.</b>	<i>Introduction.....</i>	<b>9</b>
<b>3.</b>	<i>Historique des poutres mixtes préfléchies.....</i>	<b>10</b>
3.1.	<i>La poutre Préflex .....</i>	<b>10</b>
3.2.	<i>La poutre Flexstress.....</i>	<b>16</b>
3.3.	<i>Le pont-bac .....</i>	<b>18</b>
3.3.1.	<i>Extension et agrandissement de la gare de Bruxelles-Midi.....</i>	<b>19</b>
3.3.2.	<i>Entrée de la ligne à grande vitesse à Bruxelles-Midi.....</i>	<b>20</b>
<b>4.</b>	<i>Description des ponts-bacs préfabriqués.....</i>	<b>24</b>
4.1.	<i>Phases de construction des ponts-bacs .....</i>	<b>24</b>
4.2.	<i>Avantages du pont-bac par comparaison avec d'autres structures.....</i>	<b>25</b>
4.2.1.	<i>Influence des poutrelles métalliques et influence de l'épaisseur de la dalle.....</i>	<b>26</b>
4.2.2.	<i>Comparaison entre un pont-bac et un tablier avec des poutres métalliques enrobées .....</i>	<b>29</b>
4.3.	<i>Conclusion .....</i>	<b>30</b>
<b>5.</b>	<i>Description physique des déformations du béton .....</i>	<b>31</b>
5.1.	<i>Introduction.....</i>	<b>31</b>
5.2.	<i>Déformations du béton .....</i>	<b>31</b>
5.3.	<i>Déformation instantanée et module d'élasticité .....</i>	<b>31</b>
5.4.	<i>Retrait .....</i>	<b>32</b>
5.4.1.	<i>Introduction .....</i>	<b>32</b>
5.4.2.	<i>Retrait plastique.....</i>	<b>32</b>
5.4.3.	<i>Retrait chimique .....</i>	<b>33</b>
5.4.4.	<i>Retrait thermique .....</i>	<b>33</b>
5.4.5.	<i>Retrait hydrique .....</i>	<b>33</b>
5.4.6.	<i>Retrait de carbonatation.....</i>	<b>34</b>
5.4.7.	<i>Conclusion.....</i>	<b>34</b>
5.5.	<i>Fluage .....</i>	<b>34</b>
5.5.1.	<i>Introduction .....</i>	<b>34</b>
5.5.2.	<i>Fluage fondamental .....</i>	<b>34</b>
5.5.3.	<i>Fluage de dessiccation .....</i>	<b>34</b>
5.5.4.	<i>Paramètres affectant le fluage.....</i>	<b>35</b>
5.5.5.	<i>Conclusion.....</i>	<b>35</b>

---

<b>5.6. Relaxation .....</b>	<b>36</b>
5.6.1. Introduction .....	36
5.6.2. Relaxation du béton .....	36
5.6.3. Relaxation des aciers .....	36
5.6.4. Conclusion.....	36
<b>6. Les équations de base du retrait, du fluage et de la relaxation.....</b>	<b>37</b>
<b>6.1. Introduction.....</b>	<b>37</b>
<b>6.2. Relations fondamentales.....</b>	<b>37</b>
6.2.1. Analyse du fluage:réponse $\epsilon$ sous une sollicitation $\sigma$ .....	37
6.2.2. Analyse de la relaxation: réponse $\sigma$ sous une sollicitation $\epsilon$ .....	38
6.2.3. La relaxation des aciers de précontrainte.....	38
<b>6.3. Introduction du principe de superposition .....</b>	<b>39</b>
6.3.1. Méthode du module effectif .....	39
6.3.2. Méthode du module effectif ajusté .....	40
<b>7. Les modèles de prédiction .....</b>	<b>42</b>
<b>7.1. Introduction.....</b>	<b>42</b>
<b>7.2. Retrait et fluage.....</b>	<b>42</b>
<b>7.3. Coefficient de vieillissement .....</b>	<b>43</b>
7.3.1. Selon Koprna.....	43
7.3.2. Selon Chiorino.....	43
7.3.3. Selon Trevino .....	43
<b>7.4. Pertes de précontrainte.....</b>	<b>44</b>
7.4.1. Pertes élastiques instantanées au transfert de la précontrainte.....	44
7.4.2. Relaxation intrinsèque des torons selon Ghali, Favre et Trevino .....	44
7.4.3. Contrainte dans les torons au moment du transfert de la précontrainte .....	45
7.4.4. Relaxation réduite des torons selon Ghali, Favre et Trevino.....	45
<b>8. Analyse de la section suivant la méthode du module effectif ajusté .....</b>	<b>47</b>
<b>8.1. Hypothèses de base et convention de signe .....</b>	<b>47</b>
<b>8.2. Effets initiaux .....</b>	<b>48</b>
8.2.1. Statique de la section .....	48
<b>8.3. Effets différés.....</b>	<b>52</b>
8.3.1. Statique de la section .....	52
<b>9. Organisation du programme de calcul suivant la méthode du module effectif ajusté (AEMM).....</b>	<b>60</b>
<b>9.1. Organigramme du programme.....</b>	<b>60</b>
<b>10. Analyse de la section suivant la méthode dite du pas-à-pas.....</b>	<b>65</b>
<b>10.1. Hypothèses de base et convention de signe .....</b>	<b>65</b>
<b>10.2. Effets initiaux .....</b>	<b>66</b>
10.2.1. Statique de la section .....	66
<b>10.3. Effets différés.....</b>	<b>70</b>
10.3.1. Statique de la section .....	70
<b>11. Organisation du programme de calcul suivant la méthode dite pas-à-pas... ..</b>	<b>77</b>
<b>11.1. Organigramme du programme.....</b>	<b>77</b>

---

<b>12.</b>	<b>Description de la campagne d'essai menée au laboratoire .....</b>	<b>80</b>
<b>12.1.</b>	<b>Introduction.....</b>	<b>80</b>
<b>12.2.</b>	<b>Description des essais.....</b>	<b>80</b>
<b>13.</b>	<b>Comparaison des mesures effectuées au laboratoire avec les valeurs prédictes par les modèles codifiés.....</b>	<b>84</b>
<b>13.1.</b>	<b>Introduction.....</b>	<b>84</b>
<b>13.2.</b>	<b>Présentation des résultats relatifs à la résistance à la compression.....</b>	<b>84</b>
<b>13.3.</b>	<b>Valeurs des paramètres utilisés dans les modèles .....</b>	<b>85</b>
<b>13.4.</b>	<b>Présentation des résultats relatifs au retrait.....</b>	<b>86</b>
<b>13.4.1.</b>	<b>Retrait endogène .....</b>	<b>86</b>
<b>13.4.2.</b>	<b>Retrait total .....</b>	<b>88</b>
<b>13.5.</b>	<b>Présentation des résultats relatifs au fluage .....</b>	<b>96</b>
<b>13.5.1.</b>	<b>Fluage fondamental.....</b>	<b>96</b>
<b>13.5.2.</b>	<b>Fluage total .....</b>	<b>104</b>
<b>13.6.</b>	<b>Conclusions.....</b>	<b>111</b>
<b>14.</b>	<b>Description de l'instrumentation réalisée sur un pont-bac.....</b>	<b>112</b>
<b>14.1.</b>	<b>Introduction.....</b>	<b>112</b>
<b>14.2.</b>	<b>Description de l'implantation des instruments de mesure .....</b>	<b>112</b>
<b>14.3.</b>	<b>Planning des mesures effectuées sur le tablier.....</b>	<b>114</b>
<b>14.4.</b>	<b>Comparaison des mesures effectuées sur le tablier.....</b>	<b>114</b>
<b>14.5.</b>	<b>Conclusions .....</b>	<b>116</b>
<b>15.</b>	<b>Comparaison des mesures prises sur un tablier avec les valeurs calculées par les méthodes EMM, AEMM et pas-à-pas .....</b>	<b>117</b>
<b>15.1.</b>	<b>Introduction.....</b>	<b>117</b>
<b>15.2.</b>	<b>Description des événements.....</b>	<b>117</b>
<b>15.3.</b>	<b>Valeurs des paramètres des trois méthodes de calcul.....</b>	<b>118</b>
<b>15.3.1.</b>	<b>Valeurs pour la méthode EMM.....</b>	<b>118</b>
<b>15.3.2.</b>	<b>Valeurs pour les méthodes AEMM et pas-à-pas.....</b>	<b>119</b>
<b>15.4.</b>	<b>Comparaison des mesures avec les valeurs calculées.....</b>	<b>121</b>
<b>15.4.1.</b>	<b>Conclusions.....</b>	<b>129</b>
<b>16.</b>	<b>Analyse statistique de la variabilité de la contreflèche au transfert de la précontrainte et à long terme.....</b>	<b>130</b>
<b>16.1.</b>	<b>Abstract.....</b>	<b>130</b>
<b>16.2.</b>	<b>Computation models .....</b>	<b>131</b>
<b>16.3.</b>	<b>Description of the sample .....</b>	<b>132</b>
<b>16.3.1.</b>	<b>Bridge decks geometry, construction and loading .....</b>	<b>132</b>
<b>16.3.2.</b>	<b>Concrete strength .....</b>	<b>132</b>
<b>16.3.3.</b>	<b>Other variables .....</b>	<b>134</b>
<b>16.4.</b>	<b>Analysis of the camber just after the transfer of prestressing .....</b>	<b>137</b>
<b>16.4.1.</b>	<b>Scope .....</b>	<b>137</b>
<b>16.4.2.</b>	<b>Application of the modular ratio method.....</b>	<b>137</b>

---

16.4.3.	Application of the step-by-step method.....	141
<b>16.5.</b>	<b>Analysis of the camber at long-term.....</b>	<b>145</b>
16.5.1.	Scope .....	145
16.5.2.	Application of the modular ratio method.....	145
16.5.3.	Application of the step-by-step method.....	146
<b>16.6.</b>	<b>Conclusions.....</b>	<b>148</b>
<b>16.7.</b>	<b>Appendix.....</b>	<b>149</b>
16.7.1.	Figure A.16.25 Common characteristics of the groups of decks.....	149
16.7.2.	Figure A.16.26 Individual characteristics of each bridge deck.....	150
<b>17.</b>	<b>Conclusions de la 1<sup>ère</sup> partie .....</b>	<b>152</b>
<b>B.</b>	<b>Extension des méthodes basées sur le principe de superposition.....</b>	<b>156</b>
<b>1.</b>	<b>Introduction.....</b>	<b>156</b>
<b>2.</b>	<b>Influence de l'application d'un traitement thermique sur les effets différés du béton .....</b>	<b>157</b>
2.1.	Introduction.....	157
2.2.	Propriétés du béton.....	160
3.	<i>Influence de l'application d'un niveau de contrainte variant entre 50 et 70% sur les effets différés du béton .....</i>	167
3.1.	Introduction.....	167
3.2.	Propriétés du béton.....	167
3.2.1.	Influence du niveau de contrainte appliquée et de l'âge au chargement sur des éprouvettes non chauffées.....	169
3.2.2.	Influence du niveau de contrainte appliquée et de l'âge au chargement sur des éprouvettes chauffées.....	174
4.	<i>Influence de l'application d'un déchargement précoce ou tardif sur les effets différés du béton .....</i>	176
4.1.	Introduction.....	176
4.2.	Modélisation de la recouvrance de flUAGE.....	178
4.3.	Comparaison des déformations résiduelles prédites avec les résultats d'essais sur éprouvettes .....	180
4.4.	Comparaison des déformations différées mesurées et prédites pour des éprouvettes de taille différente .....	187
4.5.	Conclusions sur la modélisation des déformations différées des éprouvettes	193
5.	<i>Analyse de la section suivant la méthode dite aux deux fonctions .....</i>	194
5.1.	Introduction.....	194
5.2.	Effets instantanés .....	194
5.3.	Effets différés.....	194
5.4.	Comparaison des mesures prises sur un tablier avec les valeurs calculées par la méthode pas-à-pas et la méthode aux deux fonctions .....	196
5.5.	Analyse de la variabilité des résultats à l'échelle du pont-bac en fonction de la résistance moyenne à la compression du béton .....	201

---

<b>6.</b>	<b><i>Optimisation des phases de préfabrication des ponts-bacs isostatiques .....</i></b>	<b>204</b>
6.1.	<b>Introduction.....</b>	<b>204</b>
6.2.	<b>Résultats obtenus en terme d'évolution des contraintes dans le béton .....</b>	<b>205</b>
<b>7.</b>	<b><i>Extension du programme de calcul suivant la méthode aux deux fonctions au cas hyperstatique.....</i></b>	<b>209</b>
7.1.	<b>Introduction.....</b>	<b>209</b>
7.2.	<b>Modélisation par éléments finis de type poutre.....</b>	<b>210</b>
7.3.	<b>Effets instantanés .....</b>	<b>219</b>
7.4.	<b>Effets différés.....</b>	<b>220</b>
7.5.	<b>Description topologique de la structure .....</b>	<b>225</b>
<b>8.</b>	<b><i>Optimisation des phases de construction de viaducs hyperstatiques constitués de ponts-bacs.....</i></b>	<b>227</b>
8.1.	<b>Introduction.....</b>	<b>227</b>
8.2.	<b>Comparaison des valeurs calculées par le programme d'analyse de section et par celui d'analyse de structure.....</b>	<b>227</b>
8.3.	<b>Séquence 1: situation de base .....</b>	<b>229</b>
8.4.	<b>Séquence 2: application d'efforts sur site avant le durcissement du béton de 2<sup>ème</sup> phase de la jonction .....</b>	<b>232</b>
8.5.	<b>Séquence 3 :coulage du béton de 2<sup>ème</sup> phase sur site sur 6m de part et d'autre de la jonction.....</b>	<b>235</b>
8.6.	<b>Séquence 4 : optimum pour un liaisonnement effectué au jeune âge .....</b>	<b>238</b>
8.7.	<b>Séquence 5: optimum pour un liaisonnement effectué à un âge tardif .....</b>	<b>240</b>
8.8.	<b>Synthèse des résultats obtenus pour les 5 séquences.....</b>	<b>242</b>
<b>9.</b>	<b><i>Conclusions de la 2<sup>ème</sup> partie .....</i></b>	<b>244</b>
<b>C.</b>	<b><i>Vers une modélisation basée sur l'évolution du degré d'hydratation et de l'humidité relative .....</i></b>	<b>246</b>
<b>1.</b>	<b><i>Introduction.....</i></b>	<b>246</b>
<b>2.</b>	<b><i>Modélisation du séchage naturel du béton .....</i></b>	<b>247</b>
2.1.	<b>Introduction.....</b>	<b>247</b>
2.2.	<b>Mécanismes du séchage .....</b>	<b>247</b>
2.3.	<b>Modélisation envisagée du séchage.....</b>	<b>248</b>
<b>3.</b>	<b><i>Modélisation du degré d'hydratation et de la teneur en eau dans CESAR-LCPC .....</i></b>	<b>250</b>
3.1.	<b>Enjeu de la modélisation du béton au jeune âge .....</b>	<b>250</b>
3.2.	<b>Modélisation du degré d'hydratation : module TEXO .....</b>	<b>250</b>
3.3.	<b>Modélisation de la teneur en eau : module HEXO.....</b>	<b>252</b>
3.4.	<b>Chaînage des modules TEXO-HEXO .....</b>	<b>254</b>
3.4.1.	<b>Situation existante avant chaînage TEXO-HEXO.....</b>	<b>254</b>

---

3.4.2. Situation avec chaînage TEXO-HEXO pour la prise en compte de l'eau consommée par l'hydratation du ciment.....	254
<b>4. Modélisation des déformations différées sur base du degré d'hydratation et de la teneur en eau .....</b>	<b>259</b>
4.1. Introduction.....	259
4.2. Retrait thermique.....	259
4.3. Retrait endogène .....	260
4.4. Retrait de dessiccation .....	262
4.5. Fluage fondamental.....	271
4.6. Fluage de dessiccation.....	278
4.6.1. Fluage de dessiccation structural .....	279
4.6.2. Fluage de dessiccation intrinsèque .....	279
<b>5. Modélisation des déformations différées du béton des ponts-bacs .....</b>	<b>282</b>
5.1. Introduction.....	282
5.2. Détermination de la courbe QAB du béton pour le module TEXO .....	282
5.3. Détermination des constantes propres au BHP pour le module HEXO .....	283
5.3.1. Quantité d'eau potentiellement consommable par l'hydratation .....	283
5.3.2. Constantes du modèle de diffusion.....	284
5.4. Résultats sur éprouvettes de laboratoire.....	286
5.4.1. Calcul de l'évolution du degré d'hydratation et de la teneur en eau .....	286
5.4.2. Retrait endogène .....	296
5.4.3. Retrait de dessiccation .....	297
5.4.4. Fluage fondamental .....	299
5.4.5. Fluage total .....	303
<b>6. Calcul du comportement à long terme de structure basé sur le degré d'hydratation et la teneur en eau.....</b>	<b>305</b>
6.1. Algorithme de résolution numérique .....	305
6.1.1. Effets initiaux .....	305
6.1.2. Effets différés .....	307
6.2. Organisation du programme de calcul.....	321
<b>7. Modélisation du comportement du pont-bac instrumenté à partir du degré d'hydratation et de la teneur en eau.....</b>	<b>324</b>
7.1. Introduction.....	324
7.2. Description des événements.....	324
7.3. Description du phasage de construction .....	325
7.3.1. Echanges de chaleur .....	325
7.3.2. Echanges d'humidité .....	327
7.4. Comparaison des mesures et des résultats fournis par la modélisation basée sur l'évolution du degré d'hydratation et de la teneur en eau .....	397
7.4.1. Introduction .....	397
7.4.2. Comparaisons entre les déformations mesurées et calculées au niveau des capteurs du pont-bac instrumenté.....	398
7.4.3. Contraintes calculées au niveau de la peau inférieure et de la peau supérieure de la dalle du pont-bac instrumenté.....	409
7.4.4. Evolution des contraintes dans le pont-bac instrumenté (graphiques Matlab) .....	414

---

<b>8.</b>	<i>Conclusions de la 3<sup>ème</sup> partie .....</i>	<b>434</b>
<b>D.</b>	<i>Conclusion générale.....</i>	<b>435</b>
<b>E.</b>	<i>Bibliographie générale.....</i>	<b>438</b>
<b>F.</b>	<i>Annexe générale.....</i>	<b>456</b>
<b>I.</b>	<i>Les modèles codifiés de retrait et de fluage.....</i>	<b>456</b>
<b>1.1.</b>	<b>Modèle CEB 90 (version 93).....</b>	<b>456</b>
1.1.1.	Notations et unités .....	456
1.1.2.	Calcul du retrait .....	456
1.1.3.	Calcul de la fonction de fluage .....	457
<b>1.2.</b>	<b>Modèle CEB 90 (version 99).....</b>	<b>458</b>
1.2.1.	Notations et unités .....	458
1.2.2.	Calcul du retrait .....	459
1.2.3.	Calcul de la fonction de fluage .....	460
<b>1.3.</b>	<b>Modèle ACI 209.....</b>	<b>461</b>
1.3.1.	Notations et unités .....	461
1.3.2.	Calcul du retrait .....	461
1.3.3.	Calcul du fluage.....	462
<b>1.4.</b>	<b>Modèle B3 .....</b>	<b>463</b>
1.4.1.	Notations et unités .....	463
1.4.2.	Calcul du retrait .....	464
1.4.3.	Calcul du fluage.....	465
<b>1.5.</b>	<b>Modèle B3S .....</b>	<b>466</b>
1.5.1.	Notations et unités .....	466
1.5.2.	Calcul du retrait .....	467
1.5.3.	Calcul du fluage.....	467
<b>1.6.</b>	<b>Modèle GZ .....</b>	<b>468</b>
1.6.1.	Notations et unités .....	468
1.6.2.	Calcul du retrait .....	468
1.6.3.	Calcul du fluage.....	469
<b>1.7.</b>	<b>Modèle AFREM .....</b>	<b>469</b>
1.7.1.	Notations et unités .....	469
1.7.2.	Calcul du retrait .....	470
1.7.3.	Calcul du fluage.....	471
<b>2.</b>	<i>Courbe de dégagement de chaleur du béton .....</i>	<b>472</b>
<b>3.</b>	<i>Evolution des contraintes dans le pont-bac instrumenté (graphes Excel)..</i>	<b>474</b>
<b>4.</b>	<i>Notations.....</i>	<b>482</b>
<b>4.1.</b>	<b>Majuscules latines .....</b>	<b>482</b>
<b>4.2.</b>	<b>Minuscules latines .....</b>	<b>484</b>
<b>4.3.</b>	<b>Minuscules grecques .....</b>	<b>485</b>
<b>4.4.</b>	<b>Majuscules grecques .....</b>	<b>486</b>